

EI 10a

MATHEMATIK

$$10\vec{a} = \begin{pmatrix} 27 \\ -1 \end{pmatrix}$$

2011-12

1. Arbeit - Vektoren

Diese Arbeit ist **OHNE GTR** zu lösen. Erlaubt und erwünscht ist allerdings ein Geodreieck! Achte darauf, dass du strukturiert schreibst und dass du deine Gedankengänge dokumentierst!
Bearbeitungszeit: 90 Minuten

Aufgabe 1 (1 Punkt)

Welche Punkte liegen sowohl auf der x_3 -Achse als auch in der x_1x_2 -Ebene?

Aufgabe 2 (3 Punkte)

Zeichne alle Punkte des Raumes mit der x_1 -Koordinate 3 und der x_2 -Koordinate 2 in ein passendes Koordinatensystem ein. Von welcher Art ist das durch sie definierte geometrische Objekt (Punkt, Gerade, Ebene, keins davon) und warum? Begründe kurz.

Aufgabe 3 (2 Punkte)

Gegeben ist der Punkt $P(1|2|3)$.

- Spiegele P am Ursprung $O(0|0|0)$.
- Spiegele P an der x_1x_2 -Ebene.

Aufgabe 4 (2 Punkte)

Berechne die Linearkombination $-\begin{pmatrix} 4 \\ 5 \end{pmatrix} + 4 \cdot \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \end{pmatrix}$ und verdeutliche sie mit einer Zeichnung.

Aufgabe 5 (2 Punkte)

Vereinfache den Ausdruck $7\vec{u} + 5(\vec{u} - 2(\vec{u} + \vec{v})) + 8\vec{v}$ soweit wie möglich.

Aufgabe 6 (6 Punkte)

Gegeben ist ein Quader ABCDEFGH mit den Bodeneckpunkten $A(3|0|0)$, $B(3|4|0)$ und $C(-1|4|0)$ und der Dachecke $E(3|0|4)$.

- Fertige eine Zeichnung des Quaders an. Bestimme dazu die Koordinaten der fehlenden Ecken D, F, G und H.
- Bestimme die Länge der Raumdiagonalen \overline{AG} .
- Gibt es weitere Raumdiagonalen des Quaders gleicher Länge? Welche?
- Zusatzfrage: Wie groß ist die Oberfläche des Quaders? (+1 Punkt)

Aufgabe 7 (6 Punkte)

Gegeben sind die Punkte $P(1|2|3)$, $Q(0|-1|2)$ und $R(2|2|1)$, die ein Dreieck bilden.

- Zeichne das Dreieck in ein geeignetes Koordinatensystem.
- Überprüfe, ob das Dreieck gleichseitig ist.
- Berechne den Mittelpunkt der Punkte P und Q .
- Ergänze das Dreieck PQR um einen Punkt T , so dass $PQRT$ ein Parallelogramm ist.

Aufgabe 7**(2 Punkte)**

Bestimme die Zahl b so, dass der Ebenenpunkt $B(b|4)$ den Abstand 5 vom Ursprung $O(0|0)$ besitzt!

Zusatzfrage**(+2 Punkte)**

Die Darstellung $g: \vec{x} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 2 \end{pmatrix} + t \cdot \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}$, wobei man für t jede Zahl einsetzen darf,

beschreibt eine Gerade im Raum. Warum? Ist $P(1|1|3)$ ein Punkt der Geraden g ?