

Nach ein Beispiel für Typ II:

Beh.: "5 teilt  $6^n - 1$ " ( $\Leftrightarrow 5 \cdot k = 6^n - 1$ )  
für alle  $n \in \mathbb{N} \setminus \{1\}$  [~~oder~~  $5k+1 = 6^n$ ] ~~⊗~~

1)  $n=1$ : "5 teilt  $\underbrace{6^1 - 1}_5$ " ✓

2)  $n \rightarrow n+1$ : Angenommen, dass  
"5 teilt  $6^n - 1$ " wahr ist,  
so soll auch

( $n+1$ )-Fall:  $"5 \text{ teilt } 6^{n+1} - 1"$  wahr sein:

Umformung: "5 teilt  $6^{n+1} - 1$ "  
 $\Leftrightarrow$  "5 teilt  $6 \cdot \underbrace{6^n}_5 - 1$ "  
~~⊗~~  $\Leftrightarrow$  "5 teilt  $6 \cdot \underbrace{(5k+1)}_5 - 1$ "  
 $\Leftrightarrow$  "5 teilt  $30k + 6 - 1$ "  
 $\Leftrightarrow$  "5 teilt  $30k + 5$ "  
 $\Leftrightarrow$  "5 teilt  $5(6k+1)$ " (1)

Und wieder setzen wir, dass (1) wahr ist. Eine Zahl  
 $5 \cdot (\dots)$  ist immer durch 5 teilbar!

Also ist auch die Gleichung eine Zahl darüber  
wahr. Bis und oben: auch  $"5 \text{ teilt } 6^{n+1} - 1"$  ist wahr.  $\square$